# ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «ОРЕНБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АГРАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

#### РАБОЧАЯ ПРОГРАММА ДИСЦИПЛИНЫ

\_Б1.В.ДВ.07.02 Теория функций комплексного переменного\_

Направление подготовки (специальность)

09.03.01 Информатика и вычислительная техника

Профиль подготовки (специализация)

"Автоматизированные системы обработки информации и управления"

Квалификация (степень) выпускника бакалавр

Форма обучения заочная

#### 1. Цели освоения дисциплины

Целями освоения дисциплины «Б1.В.ДВ.07.02 Теория функций комплексного переменного» являются:

- формирование теоретических знаний основ теории аналитических функций;
- привитие навыков решения задач по теории функций комплексного переменного, как прикладных (требующих вычислений), так и теоретических (требующих доказательства, нахождения контрпримера, вывода формулы и т.д.);
- привитие навыков использования методов теории функций комплексного переменного и основ математического моделирования в профессиональной деятельности;
- обеспечение преемственности курса теории функций комплексного переменного с последующими дисциплинами из профессионального цикла.

#### 2. Место дисциплины в структуре образовательной программы

Дисциплина «Б1.В.ДВ.07.02 Теория функций комплексного переменного» относится к *вариативной* части. Требования к предшествующим знаниям представлены в таблице 2.1. Перечень дисциплин, для которых дисциплина «Б1.В.ДВ.07.02 Теория функций комплексного переменного» является основополагающей, представлен в табл. 2.2.

Таблица 2.1 – Требования к пререквизитам дисциплины

Компетенция	Дисциплина
OK-7	Алгебра и геометрия
OK-7	Информатика

Таблица 2.2 – Требования к постреквизитам дисциплины

Компетенция	Дисциплина
	Математический анализ
	Учебная практика по получению первичных профессиональ-
	ных умений и навыков, в том числе первичных умений и
OK-7	навыков научно-исследовательской деятельности
	Защита выпускной квалификационной работы, включая под-
	готовку к процедуре защиты и процедуру защиты (работа ба-
	калавра)
	Теория вероятностей и математическая статистика
	Учебная практика по получению первичных профессиональ-
	ных умений и навыков, в том числе первичных умений и
ПК-3	навыков научно-исследовательской деятельности
11K-3	Производственная (преддипломная) технологическая практика
	Защита выпускной квалификационной работы, включая под-
	готовку к процедуре защиты и процедуру защиты (работа ба-
	калавра)

## 3. Перечень планируемых результатов обучения по дисциплине, соотнесенных с планируемыми результатами освоения образовательной программы

Таблица 3.1 – Взаимосвязь планируемых результатов обучения по дисциплине и планируемых результатов освоения образовательной программы

Индекс и содер-	Знания	Умения	Навыки и (или) опыт
жание компетен-	унания (	у мения	деятельности
ции			деятельности
ОК-7 способностью к самоорганизации и самообразованию	Этап 1: знать основные понятия, теоремы и концепции теории функций комплексного переменного (ТФКП)  Этап 2: знать основные методы и задачи теории функций комплексного переменного, как прикладные (требующие вычислений), так и теоретические (требующие доказательства, нахождения контрпримера, вывода формулы и т.д.); основные математические модели, использующие ТФКП.	Этап 1: уметь формулировать основные понятия, теоремы и концепции теории функций комплексного переменного Этап 2: уметь применять основные методы теории функций комплексного переменного, решать задачи как прикладные (требующие вычислений), так и теоретические (требующие доказательства, нахождения контрпримера, вывода формулы и т.д.); строить и исследовать математические модели, использующие ТФКП	Этап 1: владеть основными понятиями, теоремами и концепциями теории функций комплексного переменного Этап 2: владеть основными методами теории функций комплексного переменного, навыками решения задач как прикладных (требующих вычислений), так и теоретических (требующих доказательства, нахождения контрпримера, вывода формулы и т.д.); навыками построения и исследования математических моделей, использующих ТФКП.
ПК-3 способностью обосновывать принимаемые проектные решения, осуществлять постановку и выполнять эксперименты по проверке их корректности и эффективности	Этап 1: знать основные задачи и математические модели ТФКП, которые применяют для решения профессиональных задач с целью обосновывать принимаемые проектные решения, осуществлять постановку и выполнять эксперименты по проверке их корректности и эффективности Этап 2: знать основные методы ТФКП, которые применяют для решения профессиональных задач с целью обосновывать принимаемые проектные решения, осуществлять постановку и выполнять эксперименты по проверке их корректности и эффективности	Этап 1: знать формулировать основные задачи и математические модели ТФКП, которые применяют для решения профессиональных задач с целью обосновывать принимаемые проектные решения, осуществлять постановку и выполнять эксперименты по проверке их корректности и эффективности Этап 2: знать применять основные методы ТФКП, которые применяют для решения профессиональных задач с целью обосновывать принимаемые проектные решения, осуществлять постановку и выполнять эксперименты по проверке их корректности и эффективности	Этап 1: знать понятиями, положениями и концепциями основных задач и математических моделей ТФКП, которые применяют для решения профессиональных задач с целью обосновывать принимаемые проектные решения, осуществлять постановку и выполнять эксперименты по проверке их корректности и эффективности Этап 2: знать основами применения методов ТФКП, которые используют для решения профессиональных задач с целью обосновывать принимаемые проектные решения, осуществлять постановку и выполнять эксперименты по проверке их корректности и эффективности

#### 4. Объем дисциплины

Объем дисциплины «Б1.В.ДВ.07.02 Теория функций комплексного переменного» составляет 3 зачетных единицы (108 академических часов), распределение объема дисциплины на контактную работу обучающихся с преподавателем (КР) и на самостоятельную работу обучающихся (СР) по видам учебных занятий и по периодам обучения представлено в таблице 4.1.

Таблица 4.1 — Распределение объема дисциплины по видам учебных занятий и по периодам обучения, академические часы

		KP	CP	Курс 3 Сессия 1		
№ п/п	Вид учебных занятий	Итого КР	Итого СР	КР	СР	
1	2	3	4	5	6	
1	Лекции (Л)	4	-	4	-	
2	Лабораторные работы (ЛР)	×	×	×	×	
3	Практические занятия (ПЗ)	8	-	8	-	
4	Семинары(С)	×	×	×	×	
5	Курсовое проектирование (КП)	×	×	×	×	
6	Рефераты (Р)	×	×	×	×	
7	Эссе (Э)	×	×	×	×	
8	Индивидуальные домашние задания (ИДЗ)	×	×	×	×	
9	Самостоятельное изучение вопросов (СИВ)	-	78	-	78	
10	Подготовка к занятиям (ПкЗ)	-	16	-	16	
11	Промежуточная аттестация	2	-	2	_	
12	Наименование вида промежуточной аттестации	X	X	38	чет	
13	Всего: 108	14	94	14	94	

### 5. Структура и содержание дисциплины

Структура дисциплины представлена в таблице 5.1.

Таблица 5.1 – Структура дисциплины

	Объем работы по видам учебных занятий, академические часы					IbIX							
<b>№</b> п/п	Наименования разделов и тем	Семестр	лекции	лабораторная работа	практические занятия	семинары	курсовое проек- тирование	рефераты (эссе)	индивидуальные домашние зада- ния	самостоятельное изучение вопро-	подготовка к занятиям	промежуточная аттестация	Коды формируемых компетенций
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
1.	Раздел 1 Комплексные числа	5	2	×	2	×	×	×	×	12	4	Х	ПК-3 ОК-7
1.1.	<b>Тема 1</b> Комплексные числа и действия с ними. Комплексная плоскость.	5	2	×		×	×	×	×	6	2	X	ОК-7 ПК-3
1.2.	<b>Тема 2</b> Линии и области на комплексной плоскости.	5		×	2	×	×	×	×	6	2	X	ОК-7 ПК-3
2.	Раздел 2 Функции комплексного переменного (ФКП).	5	2	×	2	×	×	×	×	30	4	X	ОК-7 ПК-3
2.1.	Тема 3 Определение ФКП. Однозначные и однолистные функции. Предел и непрерывность. Отображения с помощью непрерывных функций. Степенные ряды. Элементарные ФКП.	5	2	×		×	×	×	×	8	2	x	Пк-3 ОК-7
2.2.	Тема 4 Производная ФКП. Условия Коши - Римана, аналитические функции. Геометрический смысл модуля и аргумента производной. Элементы теории конформных отображений.	5		×	2	×	×	×	×	10	2	Х	ОК-7 ПК-3
2.3	Тема 5. Гармонические функции и их связь с	5	-	×	-	×	×	×	×	12	-	×	ОК-7

				Объе	ем работн	ы по вида	ам учебна	ых заняті	ий, акаде	мические	часы		IbIX
<b>№</b> п/п	Наименования разделов и тем	Семестр	лекции	лабораторная работа	практические занятия	семинары	курсовое проек- тирование	рефераты (эссе)	индивидуальные домашние зада- ния	самостоятельное изучение вопро-	подготовка к занятиям	промежуточная аттестация	Коды формируемых компетенций
1	2	3	4	5	6	7	8	9	10	11	12	13	14
	аналитическими функциями, сопряжённые гармонические функции. Восстановление аналитической функции по её действительной или мнимой части.												ПК-3
3.	Раздел 3 Интеграл от ФКП	5	-	×	2	×	×	×	×	12	4	X	<b>ОК-7</b> ПК-3
3.1.	Тема 6 Интеграл комплекснозначной функции вещественного аргумента по отрезку. Интегралы от ФКП по кривой. Теорема Коши для односвязной области и её обобщения. Первообразная функция. Интегральная формула Коши.	5	-	×	2	×	×	×	×	12	4	х	ОК-7 ПК-3
4.	Раздел 4 Ряды Тейлора и Лорана. Вычеты и их при- ложения.	5	-	×	2	×	×	×	×	24	4	X	ОК-7 ПК-3
4.1.	Тема 7 Нули и особые точки аналитической функции. Ряды Тейлора и Лорана.	5	-	×	2	×	×	×	×	12	2	X	ОК-7 ПК-3
4.2.	<b>Тема 8</b> Вычеты и их приложения.	5	-	×		×	×	×	×	12	2	X	ОК-7 ПК-3
5.	Контактная работа	5	4	×	8	×	×	×	×	-	-	2	X
6.	Самостоятельная работа	5	-	×	-	×	×	×	×	78	16	-	X
7.	Объем дисциплины в семестре	5	4	×	8	×	×	×	×	78	16	2	X
8.	Всего по дисциплине	5	4	×	8	×	×	×	×	78	16	2	X

#### 5.2 Содержание дисциплины

#### 5.2.1 - Темы лекций

No॒	Наименование темы лекции	Объем, академи-
п.п.	наименование темы лекции	ческие часы
Л-1	Комплексные числа и действия с ними. Комплексная плос-	2
	кость.	
Л-2	Определение ФКП. Однозначные и однолистные функции.	2
	Предел и непрерывность. Отображения с помощью непре-	
	рывных функций. Степенные ряды. Элементарные ФКП.	
Итого	по дисциплине	4

### **5.2.2** – Темы лабораторных работ (не предусмотрены рабочим учебным планом)

#### 5.2.3 – Темы практических занятий

<b>№</b>	Наименование темы занятия	Объем, академи-
п.п.	ттаимснование темы занятия	ческие часы
П3-1	Линии и области на комплексной плоскости.	2
П3-2	Производная ФКП. Условия Коши - Римана, аналитические	2
	функции. Геометрический смысл модуля и аргумента произ-	
	водной. Элементы теории конформных отображений.	
П3-3	Интеграл комплекснозначной функции вещественного аргу-	2
	мента по отрезку. Интегралы от ФКП по кривой. Теорема	
	Коши для односвязной области и её обобщения. Первооб-	
	разная функция. Интегральная формула Коши.	
П3-4	Нули и особые точки аналитической функции. Ряды Тейлора	2
	и Лорана.	
Итого по	о дисциплине	8

- 5.2.4 Темы семинарских занятий (не предусмотрены рабочим учебным планом)
- 5.2.5 Темы курсовых работ (проектов) (не предусмотрены рабочим учебным планом)
  - 5.2.6 Темы рефератов (не предусмотрены)
  - 5.2.7 Темы эссе (не предусмотрены)
  - 5.2.8 Темы индивидуальных домашних заданий (не предусмотрены)
  - 5.2.9 Вопросы для самостоятельного изучения

<b>№</b> п.п.	Наименования темы	Наименование вопроса	Объем, акаде- мические часы
1.	Тема 1. Комплексные числа и дей-	Модуль и аргумент ком-	6
	ствия с ними. Комплексная плос-	плексного числа, тригоно-	
	кость.	метрическая форма записи.	
		Действия с комплексными	
		числами в тригонометриче-	
		ской форме. Формула Муа-	
		вра. Показательная форма	
		записи комплексных чисел.	

	T		
		Действия с комплексными	
		числами в показательной	
		форме.	
2.	Тема 2	1. Линии и на комплексной	6
	Линии и области на комплексной	плоскости. 2. Области ком-	
	плоскости.	плексной плоскости.	
3.	Тема 3. Определение ФКП. Одно-	Предел и непрерывность.	8
	значные и однолистные функции.	Отображения с помощью	
	Предел и непрерывность. Отобра-	непрерывных функций.	
	жения с помощью непрерывных	Степенные ряды. Элемен-	
	функций. Степенные ряды. Элемен-	тарные ФКП. Элементар-	
	тарные ФКП.	ные ФКП.	
4.	<b>Тема 4.</b> Производная ФКП. Усло-	Элементы теории кон-	10
٦.	вия Коши - Римана, аналитические	формных отображений.	10
	функции. Геометрический смысл	формпых отооражении.	
	модуля и аргумента производной.		
	Элементы теории конформных		
	отображений.	D	10
5.	Тема 5. Гармонические функции и	Восстановление аналитиче-	12
	их связь с аналитическими функци-	ской функции по её дей-	
	ями, сопряжённые гармонические	ствительной или мнимой	
	функции. Восстановление аналити-	части.	
	ческой функции по её действитель-		
	ной или мнимой части.		
6.	Тема 6. Интеграл комплекснознач-	Теорема Коши для одно-	12
	ной функции вещественного аргу-	связной области и её обоб-	
	мента по отрезку. Интегралы от	щения. Первообразная	
	ФКП по кривой. Теорема Коши для	функция. Интегральная	
	односвязной области и её обобще-	формула Коши.	
	ния. Первообразная функция. Инте-		
	гральная формула Коши.		
7	Тема 7. Нули и особые точки ана-	Нули и особые точки ана-	12
	литической функции. Ряды Тейлора	литической функции. Ряды	
	и Лорана.	Лорана.	
8	<b>Тема 8.</b> Вычеты и их приложения.	Вычисление вычетов. При-	12
	1	менение вычетов к вычис-	
		лению интегралов	
Итого	о по дисциплине	1	78
	r i 1		

#### 6. Учебно-методическое и информационное обеспечение дисциплины

#### 6.1 Основная учебная литература, необходимая для освоения дисциплины

- 1. Владимирский, Б.М. Математика. Общий курс: учебник/Б.М.Владимирский, А.Б.Горстко, Я.М.Ерусалимский. 4-е изд. СПб: Изд-во Лань, 2008. 960 с.
- 2. Привалов, И. И. Введение в теорию функций комплексного переменного: учебник/И.И. Привалов.15-е изд. СПб: Изд-во Лань, 2009. 432 с.

### 6.2 Дополнительная учебная литература, необходимая для освоения дисциплины

- 1. Мышкис А.Д. Математика для технических ВУЗов. Специальные курсы: учебное пособие/А.Д. Мышкис. 3-е изд. СПб: Изд-во Лань, 2009. 640 с.
- 2. Петрушко И.М. Курс высшей математики. Теория функций комплексной переменной. Лекции и практикум: учебное пособие/ И.М. Петрушко, А.Г. Елисеев, В.И. Качалов, С.В. Кудин и др. 1-е изд. СПб: Изд-во Лань, 2010. 368 с.

#### 6.3 Методические материалы для обучающихся по освоению дисциплины

- 1. Павлидис, В. Д. Элементы теории функций комплексного переменного.— Оренбург: Изд-кий центр ОГАУ, 2008.
- 2. Практикум по теории функций комплексного переменного: учебное пособие / В.Д. Павлидис, Ю.И. Федоров. Оренбург: Издательский центр ОГАУ, 2014.140 с.

### 6.4 Перечень учебно-методического обеспечения для самостоятельной работы обучающихся по дисциплине

- 1. Павлидис, В. Д. Элементы теории функций комплексного переменного.— Оренбург: Изд-кий центр ОГАУ, 2008.
- 2. Практикум по теории функций комплексного переменного: учебное пособие / В.Д. Павлидис, Ю.И. Федоров. Оренбург: Издательский центр ОГАУ, 2014.140 с.

## 6.5 Перечень информационных технологий, используемых при осуществлении образовательного процесса по дисциплине, включая перечень программного обеспечения и информационных справочных систем

- 1. Open Office
- 2. JoliTest (JTRun, JTEditor, TestRun)

### 6.6 Перечень ресурсов информационно-телекоммуникационной сети «Интернет», необходимых для освоения дисциплины

1. <a href="http://e.lanbook.com/">http://e.lanbook.com/</a> - 96C

### 7. Описание материально-технической базы, необходимой для осуществления образовательного процесса по дисциплине

Занятия лекционного типа проводятся в аудитории, оборудованной мультимедиапроектором, компьютером учебной доской.

Практические занятия проводятся в аудиториях, оборудованных учебной доской, рабочим местом преподавателя (стол, стул), а также посадочными местами для обучающихся, число которых соответствует численности обучающихся в группе.

Текущий контроль и промежуточная аттестация проводится в учебных аудиториях для текущего контроля и промежуточной аттестации, укомплектованных специализированной мебелью и техническими средствами обучения.

Самостоятельная работа студентов проводится в помещениях для самостоятельной работы, укомплектованном специализированной мебелью и техническими средствами

обучения. Учебное оборудование хранится и обслуживается в помещениях для хранения и профилактического обслуживания учебного оборудования.

Оценочные материалы для проведения промежуточной аттестации обучающихся по дисциплине представлен в Приложении 1.

Программа разработана в соответствии с  $\Phi \Gamma OC$  ВО по направлению подготовки 09.03.01 Информатика и вычислительная техника.

Разработал(и): Федур Ю. И. Фёдоров