# ФЕДЕРАЛЬНОЕ ГОСУДАРСТВЕННОЕ БЮДЖЕТНОЕ ОБРАЗОВАТЕЛЬНОЕ УЧРЕЖДЕНИЕ ВЫСШЕГО ОБРАЗОВАНИЯ «ОРЕНБУРГСКИЙ ГОСУДАРСТВЕННЫЙ АГРАРНЫЙ УНИВЕРСИТЕТ»

## ОЦЕНОЧНЫЕ МАТЕРИАЛЫ ДЛЯ ПРОВЕДЕНИЯ ПРОМЕЖУТОЧНОЙ АТТЕСТАЦИИ ОБУЧАЮЩИХСЯ

Б1.В.ДВ.04.01 Теория функций комплексного переменного

Направление подготовки: 10.03.01 Информационная безопасность

Профиль подготовки: Безопасность автоматизированных систем

Квалификация (степень) выпускника: бакалавр

# 1. Перечень компетенций с указанием этапов их формирования в процессе освоения образовательной программы

**ОПК-2** - способностью применять соответствующий математический аппарат для решения профессиональных задач;

#### Знать:

Этап 1: основные понятия, положения и концепции теории функций комплексного переменного;

Этап 2: основные методы и задачи теории аналитических функций, как прикладные (требующие вычислений), так и теоретические (требующие доказательства, нахождения контрпримера, вывода формулы и т.д.); основные математические модели теории аналитических функций;

## Уметь:

Этап 1: формулировать основные понятия, положения и концепции теории функций комплексного переменного;

Этап 2: применять основные методы и задачи теории аналитических функций, как прикладные (требующие вычислений), так и теоретические (требующие доказательства, нахождения контрпримера, вывода формулы и т.д.); основные математические модели теории аналитических функций;

## Владеть:

Этап 1: основными понятиями, положениями и концепциями теории функций комплексного переменного;

Этап 2: основными методами и задачами теории аналитических функций, как прикладными (требующими вычислений), так и теоретическими (требующими доказательства, нахождения контрпримера, вывода формулы и т.д.); основными математическими моделями теории аналитических функций.

**ПК-2** - способностью применять программные средства системного, прикладного и специального назначения, инструментальные средства, языки и системы программирования для решения профессиональных задач;

#### Знать:

Этап 1: -основные задачи теории аналитических функций, основные математические модели теории, в которых применяют программные средства прикладного и специального назначения, инструментальные средства, языки и системы программирования для решения профессиональных задач;

Этап 2: -основы процедуры применения в теории функций комплексного переменного основных программных средств прикладного и специального назначения, инструментальных средств, языков и систем программирования для решения профессиональных задач;

## Уметь:

Этап 1: -формулировать основные задачи теории аналитических функций, основные математические модели теории, в которых применяют программные средства прикладного и специального назначения, инструментальные средства, языки и системы программирования для решения профессиональных задач;

Этап 2: - применять в теории функций комплексного переменного основные программные средства прикладного и специального назначения, инструментальные средства, языки и системы программирования для решения профессиональных задач;

### Владеть:

Этап 1: -понятиями, положениями и концепциями основных задач теории аналитических функций, основных математических моделей теории, в которых применяют программные средства прикладного и специального назначения, инструментальные средства, языки и системы программирования для решения профессиональных задач;

Этап 2: -основами применения в теории функций комплексного переменного основных программных средств прикладного и специального назначения, инструментальных средств, языков и систем программирования для решения профессиональных задач.

## 2. Показатели и критерии оценивания компетенций на различных этапах их формирования

Таблица 1 - Показатели и критерии оценивания компетенций на 1 этапе

Наименование	Критерии	Показатели	Процедура	
компетенции	сформированности		оценивания	
	компетенции	-		
1	2	3	4	
ОПК-2	способность приме-	<i>Знать</i> : основные понятия,	Индивидуальный	
способностью приме-	нять соответствую-	положения и концепции	устный опрос,	
нять соответствующий	щий математический	теории функций комплекс-	письменный оп-	
математический аппа-	аппарат для решения	ного переменного;	poc,	
рат для решения профессиональных задач	профессиональных	Уметь: формулировать ос-	тестирование	
фессиональных задач	задач	новные понятия, положения и концепции теории функ-		
		ций комплексного перемен-		
		ного;		
		Владеть: основными поня-		
		тиями, положениями и кон-		
		цепциями теории функций		
		комплексного переменного.		
ПК-2	способность приме-	Знать: -основные задачи	Индивидуальный	
способностью приме-	нять программные	теории аналитических	устный опрос,	
нять программные	средства системного,	функций, основные мате-	письменный оп-	
средства системного,	прикладного и специ-	матические модели теории,	poc,	
прикладного и специ-	ального назначения,	в которых применяют про-	тестирование.	
ального назначения,	инструментальные	граммные средства при-		
инструментальные	средства, языки и	кладного и специального		
средства, языки и сис-	системы программи-	назначения, инструмен-		
темы программирова-	рования для решения	тальные средства, языки и		
ния для решения про-	профессиональных	системы программирования		
фессиональных задач	задач	для решения профессиональных задач;		
		<b>Уметь:</b> -формулировать		
		основные задачи теории		
		аналитических функций,		
		основные математические		
		модели теории, в которых		
		применяют программные		
		средства прикладного и		
		специального назначения,		
		инструментальные средства,		
		языки и системы програм-		
		мирования для решения		
		профессиональных задач;		
		Владеть: -понятиями, по-		
		ложениями и концепциями основных задач теории ана-		
		литических функций, ос-		
		1.		
		новных математических		

моделей теории, в которых
применяют программные
средства прикладного и
специального назначения,
инструментальные средства,
языки и системы програм-
мирования для решения
профессиональных задач

Таблица 2 - Показатели и критерии оценивания компетенций на 2 этапе

Наименование	Критерии оцен	ивания компетенции на 2 э Показатели	Процедура	
компетенции	сформированности		оценивания	
компетенции			оцспивания	
1	<b>компетенции</b> 2	3	4	
OHIC 2				
ОПК-2	способность приме-	<b>Знать:</b> основные методы и	Индивидуальный	
способностью приме-	нять соответствующий	задачи теории аналитиче-	устный опрос,	
нять соответствующий	математический аппа-	ских функций, как при-	письменный оп-	
математический аппа-	рат для решения про-	кладные (требующие вы-	poc,	
рат для решения про-	фессиональных задач	числений), так и теорети-	тестирование	
фессиональных задач		ческие (требующие доказа-		
		тельства, нахождения		
		контрпримера, вывода		
		формулы и т.д.); основные		
		математические модели		
		теории аналитических		
		функций.;		
		<b>Уметь:</b> применять основ-		
		ные методы и задачи тео-		
		рии аналитических функ-		
		ций, как прикладные (тре-		
		бующие вычислений), так		
		и теоретические (требую-		
		щие доказательства, нахо-		
		ждения контрпримера, вы-		
		вода формулы и т.д.); ос-		
		новные математические		
		модели теории аналитиче-		
		ских функций;		
		<i>Владеть</i> : основными ме-		
		тодами и задачами теории		
		аналитических функций,		
		как прикладными (тре-		
		бующими вычислений),		
		так и теоретическими (тре-		
		бующими доказательства,		
		нахождения контрпримера,		
		вывода формулы и т.д.);		
		основными математиче-		
		скими моделями теории		
		аналитических функций.		
ПК-2	способность приме-	<i>Знать</i> : -основы процедуры	Индивидуальный	
способностью приме-	нять программные	применения в теории	устный опрос,	
нять программные	средства системного,	функций комплексного	письменный оп-	
средства системного,	прикладного и специ-	переменного основных	poc,	
прикладного и специ-	ального назначения,	программных средств при-	тестирование.	
ального назначения,	инструментальные	кладного и специального		

инструментальные	средства, языки и сис-	назначения, инструмен-	
средства, языки и сис-	темы программирова-	тальных средств, языков и	
темы программирова-	ния для решения про-	систем программирования	
ния для решения про-	фессиональных задач	для решения профессио-	
фессиональных задач		нальных задач;	
		<b>Уметь:</b> - применять в тео-	
		рии функций комплексно-	
		го переменного основные	
		программные средства	
		прикладного и специаль-	
		ного назначения, инстру-	
		ментальные средства, язы-	
		ки и системы программи-	
		рования для решения про-	
		фессиональных задач;	
		<b>Владеть</b> : -основами при-	
		менения в теории функций	
		комплексного переменного	
		основных программных	
		средств прикладного и	
		специального назначения,	
		инструментальных	
		средств, языков и систем	
		программирования для	
		решения профессиональ-	
		ных задач	
	l .		

## 3. Шкалы оценивания.

Университет использует шкалы оценивания соответствующего государственным регламентам в сфере образования и позволяющую обеспечивать интеграцию в международное образовательное пространство. Шкалы оценивания и описание шкал оценивания представлены в таблицах 3 и 4.

Таблица 3 – Шкалы оценивания

Диапазон	Экзамен		
оценки, в баллах	европейская шкала	традиционная шкала	Зачет
	(ECTS)		
[95;100]	A - (5+)	OTHUNIO (5)	
[85;95)	B - (5)	отлично – (5)	navrmavva
[70,85)	C - (4)	хорошо – (4)	зачтено
[60;70)	<b>D</b> – (3+)	VII OD HOTTO ODVITANI NA (2)	
[50;60)	E - (3)	удовлетворительно – (3)	***********
[33,3;50)	<b>FX</b> – (2+)	наудовнатропитально (2)	незачтено
[0;33,3)	$\mathbf{F} - (2)$	неудовлетворительно – (2)	

Таблица 4 - Описание шкал оценивания

ECTS	Критерии оценивания	Традиционная шкала
A	Превосходно – теоретическое содержание курса ос-	
	воено полностью, без пробелов, необходимые прак-	чно ено)
	тические навыки работы с освоенным материалом	H- H
	сформированы, все предусмотренные программой	11.53 E. T. B.
	обучения учебные задания выполнены, качество их	0T. (3a)
	выполнения оценено числом баллов, близким к мак-	

	симальному.	
В	Отлично – теоретическое содержание курса освое-	
	но полностью, без пробелов, необходимые практи-	
	ческие навыки работы с освоенным материалом в	
	основном сформированы, все предусмотренные про-	
	граммой обучения учебные задания выполнены, ка-	
	чество выполнения большинства из них оценено	
	числом баллов, близким к максимальному.	
С	Хорошо – теоретическое содержание курса освоено	
	полностью, без пробелов, некоторые практические	
	навыки работы с освоенным материалом сформиро-	0
	ваны недостаточно, все предусмотренные програм-	<b>H</b> 3
	мой обучения учебные задания выполнены, качество	хорошо (зачтено)
	выполнения ни одного из них не оценено макси-	X (33
	мальным числом баллов, некоторые виды заданий	
	выполнены с ошибками.	
D	Удовлетворительно – теоретическое содержание	01
	курса освоено частично, но пробелы не носят суще-	удовлетворительно (зачтено)
	ственного характера, необходимые практические	o)
	навыки работы с освоенным материалом в основном	(етворит
	сформированы, большинство предусмотренных про-	7B0
	граммой обучения учебных заданий выполнено, не-	(38
	которые из выполненных заданий, возможно, со-	<b>9</b>
	держат ошибки.	Х
E		•
	Посредственно – теоретическое содержание курса	довлетворительно (незачтено)
	освоено частично, некоторые практические навыки	<b>[6]</b>
	работы не сформированы, многие предусмотренные	PMT Feb
	программой обучения учебные задания не выполне-	ыетворите. (незачтено)
	ны, либо качество выполнения некоторых из них	E3 E3
	оценено числом баллов, близким к минимальному	B.H.
	оценено числом оаллов, олизким к минимальному	
TOTAL	Y	<u>&gt;</u>
FX	Условно неудовлетворительно – теоретическое	
	содержание курса освоено частично, необходимые	
	практические навыки работы не сформированы,	
	большинство предусмотренных программой обуче-	
	ния учебных заданий не выполнено, либо качество	94
	их выполнения оценено числом баллов, близким к	e He
	минимальному; при дополнительной самостоятель-	ИТ (ОН
	ной работе над материалом курса возможно повы-	op.
	шение качества выполнения учебных заданий.	Тв
$\mathbf{F}$	Безусловно неудовлетворительно – теоретическое	неудовлетворительно (незачтено)
	содержание курса не освоено, необходимые практи-	
	ческие навыки работы не сформированы, все вы-	<b>e</b>
	полненные учебные задания содержат грубые ошиб-	<b>=</b>
	ки, дополнительная самостоятельная работа над ма-	
	териалом курса не приведет к какому-либо значи-	
	мому повышению качества выполнения учебных	
	заданий.	

Таблица 5 – Формирование шкалы оценивания компетенций на различных этапах

	Формирование оценки						
Этапы фор- мирования	незачтено		зачтено				
	неудовлетвори- тельно		удовлетворитель- но		хорошо	отли	ично
компетен- ций	F(2)	FX(2+)	E(3)*	D(3+)	C(4)	B(5)	A(5+)
ции	[0;33,3	[33,3;50)	[50;60)	[60;70)	[70;85)	[85;95)	[95;100
Этап-1	0-16,5	16,5-25,0	25,0-	30,0-	35,0-42,5	42,5-	47,5-50
			30,0	35,0		47,5	
Этап 2	0-33,3	33,3-50	50-60	60-70	70-85	85-95	95-100

4. Типовые контрольные задания или иные материалы, необходимые для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций в процессе освоения образовательной программы

**Таблица 6 - ОПК-2 -** способностью применять соответствующий математический аппарат для решения профессиональных задач.

## Этап 1

Этап 1	
Наименование знаний,	Формулировка типового контрольного задания или иного материала,
умений, навыков и	необходимого для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта дея-
(или) опыта деятельно-	тельности
СТИ	
Знать:	1. Число $e^{rac{\pi}{2}\cdot i}$ представить в алгебраической форме (Отв.: $i$ )
основные понятия, положения и концепции	1. число е представить в алгеораической форме (Отв і)
теории функций ком-	2. Если функция комплексного аргумента $f(z) = u(x, y) + i \cdot v(x, y)$
плексного переменно-	
го;	дифференцируема в точке $z$ , то производная $f'(z)$ может быть найде-
-,	на по формуле +a) $f'(z) = u_x + i \cdot v_x$ ; б) $f'(z) = u_x - i \cdot v_x$ ; в)
	$f'(z) = u_x \cdot v_x \cdot i; r) f'(z) = u_x; \exists i f'(z) = i \cdot v_x$
	$\int (\lambda) - u_x \cdot v_x \cdot \iota_{x}(1) \int (\lambda) - u_x(\lambda) \int (\lambda) - \iota \cdot v_x$
	3. Среди следующих функций аналитической на всей комплексной
	плоскости является функция +a) $f(z) = z^2$ ; б) $f(z) = \frac{z^2}{z^2 + 1}$ ; в)
	$f(z) = e^{\frac{1}{z}}; \Gamma f(z) = \frac{1}{z}; \Lambda f(z) = z^{-2}.$
	4. Вычислить интеграл $\frac{1}{2\pi i} \cdot \iint_{C_+} \overline{z} \cdot dz$ по окружности $C_+$ : $ z  = 1$ . (Отв.: 4)
Уметь: формулировать основ- ные понятия, положе-	5. Сумма ряда $z - \frac{z^3}{3!} + \frac{z^5}{5!} - \frac{z^7}{7!} + \dots$ равна +a) $\sin z$ ; б) $chz$ ; в)
ния и концепции теории функций ком-	$shz$ ; г) $\cos z$ ; д) $e^{z}$
плексного переменно-го;	6. По теореме Коши найти значение интеграла $\iint_C z^2 \cdot dz$ по любому
	замкнутому гладкому контуру $\it C$ . (Отв.: 0)

7. $f(z) = \frac{2 \cdot i}{z^2 + 1}$ , Найти значение $\mathop{\mathrm{Re}}_{z=i} s f(z)$ . (Отв.: 1).
8. $w=z^2-i$ . Вычислить $w'(i)$ . (Отв.: $2i$ ).  9. Открытая область сходимости главной части ряда Лорана $\sum_{n=0}^{\infty}\frac{1}{2}\cdot\frac{z^n}{2^n}+\sum_{n=1}^{\infty}\frac{1}{z^n} \text{ равна +a) }  z >1; \text{ б) }  z <1; \text{ в) }  z >2; \text{ г) }  z <2;$ 10. С помощью основной теоремы о вычетах вычислить интеграл $\iint_C \frac{dz}{z-i} \text{ по любому замкнутому гладкому контуру } C, \text{ содержащему}$ внутри себя точку $z_1=i$ . (Отв. $2\pi\cdot i$ )

**Таблица 7 - ОПК-2 -** способностью применять соответствующий математический аппарат для решения профессиональных задач.

# Этап 2

Fran 2	
Наименование знаний,	Формулировка типового контрольного задания или иного материала,
умений, навыков и	необходимого для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта дея-
(или) опыта деятельно-	тельности
сти	
Знать: основные методы и за- дачи теории аналити- ческих функций, как	1. Представить функцию $f(z) = e^z$ в алгебраической форме $(\text{Отв. } f(z) = e^x \cdot \cos y + i \cdot e^x \cdot \sin y)$
прикладные (требующие вычислений), так и теоретические (требующие доказательства, нахождения контр-	2. В теореме о необходимых и достаточных условиях дифференцируемости функции комплексного аргумента $f(z) = u(x, y) + i \cdot v(x, y)$ равенства $\frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial v}{\partial y}, \frac{\partial u}{\partial y} = -\frac{\partial v}{\partial x}$ называются +a) условиями Коши-
примера, вывода формулы и т.д.); основные математические моде-	Римана; б) интегральной формулой Коши; в) интегральной теоремой Коши; г) формулой Адамара; д) формулами Эйлера
ли теории аналитических функций;	3. Среди следующих функций аналитической на всей комплексной плоскости является функция +a) $f(z) = z^2$ ; б) $f(z) = \frac{z^2}{z^2 + 1}$ ; в)
	$f(z) = e^{\frac{1}{z}}; \Gamma f(z) = \frac{1}{z}; \Lambda f(z) = z^{-2}.$
	4. Вычислить интеграл $\int_C z \cdot \text{Im } z^2 \cdot dz$ , $C:  z  = 1, -\pi \le \arg z \le 0$ (Отв. $-\frac{\pi}{2}$ ).

#### Уметь:

применять основные методы и задачи теоаналитических функций, как прикладные (требующие вычислений), так и теоретические (требующие доказательства, нахожконтрпримера, дения вывода формулы основные матет.д.); матические модели теории аналитических функций;

- 5. Сумма ряда  $1+z+\frac{z^2}{2!}+\frac{z^3}{3!}+...+\frac{z^n}{n!}+...$  равна +a)  $e^z$ ; б) chz;
- B) shz; Г)  $\cos z$ ; Д)  $\sin z$
- 6. По теореме Коши найти значение интеграла  $\oint_C \frac{dz}{z-i}$  по любому

замкнутому гладкому контуру C, не содержащему внутри себя и на самом контуре точку z = i. (Отв.: 0)

7. 
$$f(z) = \frac{1}{z-i}$$
, Найти значение  $\mathop{\mathrm{Re}}_{z=i} s \, f(z)$ . (Отв.: 1)

## Владеть:

основными методами и задачами теории аналитических функций, как прикладными (требующими вычислений), так и теоретическими (требующими доказательства, нахождения контрпримера, формулы вывода т.д.); основными математическими моделями теории аналитических функций.

- 8. Выяснить, в каких точках комплексной плоскости дифференцируема функция  $f(z) = \left|z\right|^2$  и вычислить производную в этих точках. В каких точках плоскости функция аналитическая? (Отв.: функция дифференцируема только в одной точке z=0, но не является аналитической ни в одной точке плоскости;  $f'(0) = \frac{\partial u(0;0)}{\partial x} + i \frac{\partial v(0;0)}{\partial x} = 2 \cdot 0 + i \cdot 0 = 0$ )
- 9. Открытая область сходимости ряда Лорана  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{2} \cdot \frac{z^n}{2^n} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{z^n}$  равна +a) 1 < |z| < 2; б) |z| > 4; в) |z| < 4; г) |z| < 1; д)  $|z| > \frac{1}{2}$ .
- 10. Открытая область сходимости ряда Лорана  $\sum_{n=0}^{\infty} \frac{1}{2} \cdot \frac{z^n}{2^n} + \sum_{n=1}^{\infty} \frac{1}{z^n}$  равна +a) 1 < |z| < 2; б) |z| > 4; в) |z| < 4; г) |z| < 1; д)  $|z| > \frac{1}{2}$

**Таблица 8 - ПК-2** — способностью применять программные средства системного, прикладного и специального назначения, инструментальные средства, языки и системы программирования для решения профессиональных задач.

## Этап 1

Наименование	знаний,
умений, навы	іков и
(или) опыта де	ятельно-
СТИ	

Формулировка типового контрольного задания или иного материала, необходимого для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности

Знать:

-основные задачи теоаналитических основные функций, математические модели теории, в которых применяют программные средства прикладного и специального инструназначения, ментальные средства, языки и системы программирования решения профессиональных задач

1. Число  $e^{\frac{\pi}{2}\cdot i}$  представить в алгебраической форме (Отв.: i )

2. Сумма ряда  $1+z+\frac{z^2}{2!}+\frac{z^3}{3!}+\ldots+\frac{z^n}{n!}+\ldots$  равна +a)  $e^z$ ; б) chz;

B) shz; Г)  $\cos z$ ; Д)  $\sin z$ .

3. Функция, дифференцируемая в каждой точке открытой области, называется в этой области +a) аналитической; б) интегрируемой; в) целой; г) алгебраической; д) трансцендентной.

4. Вычислить интеграл  $\int_C z \cdot \text{Im } z^2 \cdot dz$ ,  $C: |z| = 1, -\pi \le \arg z \le 0$  (Отв.  $-\frac{\pi}{2}$ ).

Уметь:

-формулировать основные задачи теории аналитических функций, основные математические модели теории, в которых применяют программные средства прикладного и специального назначения, инструментальные средства, языки и системы программирования для решения профессиональных задач;

5. В теореме о необходимых и достаточных условиях дифференцируемости функции комплексного аргумента  $f(z) = u(x, y) + i \cdot v(x, y)$  ра-

венства 
$$\frac{\partial u}{\partial x} = \frac{\partial v}{\partial y}, \frac{\partial u}{\partial y} = -\frac{\partial v}{\partial x}$$
 называются +a) условиями Коши-

Римана; б) интегральной формулой Коши; в) интегральной теоремой Коши; г) формулой Адамара; д) формулами Эйлера

6. Функция, дифференцируемая в каждой точке открытой области, называется в этой области +a) аналитической; б) интегрируемой; в) целой; г) алгебраической; д) трансцендентной.

7. 
$$f(z) = \frac{1}{z-i}$$
, Найти значение  $\mathop{\mathrm{Re}}_{z=i} s \, f(z)$ . (Отв.: 1)

Владеть:

-понятиями, положениями и концепциями основных задач теории аналитических функций, основных математических моделей теории, в которых применяют программные средства прикладного и специального назначения, инструментальные средства, языки и системы программирования для решения профессиональных задач.

8. Представить функцию  $f(z) = e^z$  в алгебраической форме

(OTB. 
$$f(z) = e^x \cdot \cos y + i \cdot e^x \cdot \sin y$$
)

9. С помощью основной теоремы о вычетах вычислить интеграл

 $\iint_C \frac{z+3i}{z^2+1} \cdot dz$  по любому замкнутому гладкому контуру C, содержащему

внутри себя точки  $z_1=i$  и  $z_2=-i$ . (Отв.  $2\pi\cdot i$ )

10. С помощью основной теоремы о вычетах вычислить интеграл

 $\int_{C}^{\infty} \frac{z+3i}{z^2+1} \cdot dz$  по любому замкнутому гладкому контуру C, содержащему

внутри себя точки  $z_1=i$  и  $z_2=-i$  . ( Отв.  $2\pi\cdot i$  )

**Таблица 9 - ПК-2** — способностью применять программные средства системного, прикладного и специального назначения, инструментальные средства, языки и системы программирования для решения профессиональных задач.

### Этап 2

Наименование знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности Формулировка типового контрольного задания или иного материала, необходимого для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности

Знать:

гросновы процедуры применения в теории функций комплексного переменного основных программных средств прикладного и специального назначения, инструментальных средств, языков и систем программирования для решения профессиональных задач

1. Выяснить, в каких точках комплексной плоскости дифференцируема функция  $f(z)=\left|z\right|^2$  и вычислить производную в этих точках. В каких точках плоскости функция аналитическая? (Отв.: функция дифференцируема только в одной точке z=0, но не является аналитической ни в одной точке плоскости;  $f'(0)=\frac{\partial u(0;0)}{\partial x}+i\frac{\partial v(0;0)}{\partial x}=2\cdot 0+i\cdot 0=0$ )

2. Если функция комплексного аргумента  $f(z) = u(x,y) + i \cdot v(x,y)$  дифференцируема в точке z, то производная f'(z) может быть найдена по формуле +a)  $f'(z) = u_x + i \cdot v_x$ ; б)  $f'(z) = u_x - i \cdot v_x$ ; в)  $f'(z) = u_x \cdot v_x \cdot i$ ; г)  $f'(z) = u_x$ ; д)  $f'(z) = i \cdot v_x$ 

3. По теореме Коши найти значение интеграла  $\iint_C \frac{dz}{z-i}$  по любому замкнутому гладкому контуру C, не содержащему внутри себя и на самом контуре точку z=i. (Отв.: 0)

4. Вычислить интеграл  $\frac{1}{2\pi i} \cdot \iint_{C_+} \overline{z} \cdot dz$  по окружности  $C_+$ : |z| = 1. (Отв.: 4)

Уметь:

- применять в теории функций комплексного переменного основные программные средства прикладного и специального назначения, инструментальные средства, языки и системы программирования для решения профессиональных задач;

5. Сумма ряда  $z - \frac{z3}{3!} + \frac{z^5}{5!} - \frac{z7}{7!} + \dots$  равна +a)  $\sin z$ ; б) chz; в) shz; г)  $\cos z$ ; д)  $e^{z}$ 

6. По теореме Коши найти значение интеграла  $\iint_C z^2 \cdot dz$  по любому замкнутому гладкому контуру C . (Отв.: 0)

7.  $f(z) = \frac{2 \cdot i}{z^2 + 1}$ , Найти значение  $\mathop{\mathrm{Re}}_{z=i}^{} f(z)$ . (Отв.: 1) .

Владеть:

-основами применения в теории функций комплексного переменного основных программных средств прикладного и специального назначения, инструментальных средств, языков и систем программирования для профессиорешения нальных задач

8.  $w = z^2 - i$ . Вычислить w'(i). (Отв.: 2i).

9. Открытая область сходимости главной части ряда Лорана

 $\sum_{n=0}^{\infty}\frac{1}{2}\cdot\frac{z^{n}}{2^{n}}+\sum_{n=1}^{\infty}\frac{1}{z^{n}}\ \ \text{равна +a)}\ \left|z\right|>1\,;\,\mathbf{6})\ \left|z\right|<1\,;\,\mathbf{B})\ \left|z\right|>2\,;\,\mathbf{f})\ \left|z\right|<2\,;$ 

10. С помощью основной теоремы о вычетах вычислить интеграл

 $\prod\limits_{C} rac{dz}{z-i}$  по любому замкнутому гладкому контуру C , содержащему

внутри себя точку  $\,z_{\scriptscriptstyle 1}=i\,$ . ( Отв.  $\,2\pi\cdot i\,$ )

5. Методические материалы, определяющие процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности, характеризующих этапы формирования компетенций.

Многообразие изучаемых тем, видов занятий, индивидуальных способностей студентов, обуславливает необходимость оценивания знаний, умений, навыков с помощью системы процедур, контрольных мероприятий, различных технологий и оценочных средств.

Таблица 8. Процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности на 1 этапе формирования компетенции.

Виды занятий и кон-	Оцениваемые результа-	Описание процедуры	
трольных мероприятий	ты обучения	оценивания	
1	2	3	
Лекционное занятие (посещение лекций)	Знание теоретического материала по пройденным темам	Проверка конспектов лекций, тестирование	
Выполнение практических (лабораторных) работ	Основные умения и навыки, соответствующие теме работы	Проверка отчета, устная (письменная) защита выполненной работы, тестирование	
Самостоятельная работа (выполнение индивидуальных, дополнительных и творческих заданий)	Знания, умения и навыки, сформированные во время самоподготовки	Проверка полученных результатов, рефератов, контрольных работ, курсовых работ (проектов), индивидуальных домашних заданий, эссе, расчетно-графических работ, тестирование	
Промежуточная аттестация	Знания, умения и навыки соответствующие изученной дисциплине	Экзамен или зачет, с учетом результатов текущего контроля, в традиционной форме или компьютерное тестирование	

Таблица 9. Процедуры оценивания знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности на 2 этапе формирования компетенции

Виды занятий и контрольных мероприятий	Оцениваемые результаты обучения	Описание процедуры оце- нивания
1	2	3
Лекционное занятие (посещение лекций)	Знание теоретического материала по пройденным темам	Проверка конспектов лекций, тестирование
Выполнение практических (лабораторных) работ	Основные умения и навыки, соответствующие теме работы	Проверка отчета, устная (письменная) защита выполненной работы, тестирование
Самостоятельная работа (выполнение индивидуальных, дополнительных и творческих заданий)	Знания, умения и навыки, сформированные во время самоподготовки	Проверка полученных результатов, рефератов, контрольных работ, курсовых работ (проектов), индивидуальных домашних заданий, эссе, расчетно-графических работ, тестирование
Промежуточная аттестация	Знания, умения и навыки соответствующие изученной дисциплине	Экзамен или зачет, с учетом результатов текущего контроля, в традиционной фор-

	ме или компьютерное тес-
	тирование

В процессе изучения дисциплины предусмотрены следующие формы контроля: текущий, промежуточный контроль, контроль самостоятельной работы студентов.

**Текущий контроль** успеваемости обучающихся осуществляется по всем видам контактной и самостоятельной работы, предусмотренным рабочей программой дисциплины. Текущий контроль успеваемости осуществляется преподавателем, ведущим аудиторные занятия.

Текущий контроль успеваемости может проводиться в следующих формах:

- устная (устный опрос, собеседование, публичная защита, защита письменной работы, доклад по результатам самостоятельной работы и т.д.);
- письменная (письменный опрос, выполнение, расчетно-проектировочной и расчетно-графической работ и т.д.);
  - тестовая (устное, письменное, компьютерное тестирование).

Результаты текущего контроля успеваемости фиксируются в журнале занятий с соблюдением требований по его ведению.

**Устная форма** позволяет оценить знания и кругозор студента, умение логически построить ответ, владение монологической речью и иные коммуникативные навыки. Проводятся преподавателем с обучающимся на темы, связанные с изучаемой дисциплиной, рассчитана на выяснение объема знаний обучающегося по определенному разделу, теме, проблеме и т.п.

Уровень знаний, умений и навыков обучающегося при устном ответе во время промежуточной аттестации определяется оценками «отлично», «хорошо», «удовлетворительно», «неудовлетворительно» по следующим критериям:

Оценка «5» (отлично) ставится, если:

- -полно раскрыто содержание материала;
- -материал изложен грамотно, в определенной логической последовательности;
- -продемонстрировано системное и глубокое знание программного материала;
- -точно используется терминология;
- –показано умение иллюстрировать теоретические положения конкретными примерами, применять их в новой ситуации;
- –продемонстрировано усвоение ранее изученных сопутствующих вопросов, сформированность и устойчивость компетенций, умений и навыков;
  - -ответ прозвучал самостоятельно, без наводящих вопросов;
- –продемонстрирована способность творчески применять знание теории к решению профессиональных задач;
  - -продемонстрировано знание современной учебной и научной литературы;
- -допущены одна две неточности при освещении второстепенных вопросов, которые исправляются по замечанию.

Оценка «4» (хорошо) ставится, если:

- -вопросы излагаются систематизированно и последовательно;
- -продемонстрировано умение анализировать материал, однако не все выводы носят аргументированный и доказательный характер;
  - -продемонстрировано усвоение основной литературы.
- -ответ удовлетворяет в основном требованиям на оценку «5», но при этом имеет один из недостатков:

в изложении допущены небольшие пробелы, не исказившие содержание ответа; допущены один –два недочета при освещении основного содержания ответа, исправленные по замечанию преподавателя;

допущены ошибка или более двух недочетов при освещении второстепенных вопросов, которые легко исправляются по замечанию преподавателя.

Оценка «3» (удовлетворительно) ставится, если:

- -неполно или непоследовательно раскрыто содержание материала, но показано
- общее понимание вопроса и продемонстрированы умения, достаточные для дальнейшего усвоения материала;
  - -усвоены основные категории по рассматриваемому и дополнительным вопросам;
- -имелись затруднения или допущены ошибки в определении понятий, использовании терминологии, исправленные после нескольких наводящих вопросов;
- –при неполном знании теоретического материала выявлена недостаточная сформированность компетенций, умений и навыков, студент не может применить теорию в новой ситуации;
  - -продемонстрировано усвоение основной литературы

Оценка «2» (неудовлетворительно) ставится, если:

- -не раскрыто основное содержание учебного материала;
- -обнаружено незнание или непонимание большей или наиболее важной части учебного материала;
- -допущены ошибки в определении понятий, при использовании терминологии, которые не исправлены после нескольких наводящих вопросов.
  - -не сформированы компетенции, умения и навыки.

Доклад-подготовленное студентом самостоятельно публичное выступление по представлению полученных результатов решения определенной учебно-практической,

учебно-исследовательской или научной проблемы.

Количество и вес критериев оценки доклада зависят от того, является ли доклад единственным объектом оценивания или он представляет собой только его часть.

Доклад как единственное средство оценивания эффективен, прежде всего, тогда, когда студент представляет результаты своей собственной учебно/научно-исследовательской деятельности, и важным является именно содержание и владение представленной информацией. В этом случае при оценке доклада может быть использована любая совокупность из следующих критериев:

- -соответствие выступления теме, поставленным целям и задачам;
- –проблемность / актуальность;
- -новизна / оригинальность полученных результатов;
- -глубина / полнота рассмотрения темы;
- -доказательная база / аргументированность / убедительность / обоснованность выводов;
  - -логичность / структурированность / целостность выступления;
- -речевая культура (стиль изложения, ясность, четкость, лаконичность, красота языка, учет аудитории, эмоциональный рисунок речи, доходчивость, пунктуальность, невербальное сопровождение, оживление речи афоризмами, примерами, цитатами и т.д.);
  - –используются ссылки на информационные ресурсы (сайты, литература);
  - -наглядность / презентабельность (если требуется);
  - -самостоятельность суждений / владение материалом / компетентность.

Собеседование — средство контроля, организованное как специальная беседа преподавателя с обучающимся на темы, связанные с изучаемой дисциплиной, и рассчитанное на выяснение объема знаний обучающегося по определенному разделу, теме, проблеме и т.п. Для повышения объективности оценки собеседование может проводиться группой преподавателей/экспертов. Критерии оценки результатов собеседования зависят от того, каковы цели поставлены перед ним и, соответственно, бывают разных видов:

- –индивидуальное (проводит преподаватель)
- -групповое (проводит группа экспертов);
- -ориентировано на оценку знаний
- -ситуационное, построенное по принципу решения ситуаций.

Критерии оценки при собеседовании:

- глубина и систематичность знаний;
- адекватность применяемых знаний ситуации;
- -Рациональность используемых подходов;
- степень проявления необходимых качеств;
- Умение поддерживать и активизировать беседу;
- проявленное отношение к определенным

**Письменная форма** приучает к точности, лаконичности, связности изложения мысли. Письменная проверка используется во всех видах контроля и осуществляется как в аудиторной, так и во внеаудиторной работе. Письменные работы могут включать: диктанты, контрольные работы, эссе, рефераты, курсовые работы, отчеты по практикам, отчеты по научно-исследовательской работе студентов.

Контрольная работа - средство проверки умений применять полученные знания для решения задач определенного типа по теме, разделу или всей дисциплины. Контрольная работа — письменное задание, выполняемое в течение заданного времени (в условиях аудиторной работы —от 30 минут до 2 часов, от одного дня до нескольких недель в случае внеаудиторного задания). Как правило, контрольная работа предполагает наличие определенных ответов и решение задач.

Критерии оценки выполнения контрольной работы:

- -соответствие предполагаемым ответам;
- -правильное использование алгоритма выполнения действий (методики, технологии и т.д.);
  - -логика рассуждений;
  - -неординарность подхода к решению;
  - правильность оформления работы.

Расчетно-графическая работа - средство проверки умений применять полученные знания по заранее определенной методике для решения задач или заданий по модулю.

Критерии оценки:

- -понимание методики и умение ее правильно применить;
- -качество оформления (аккуратность, логичность, для чертежно-графических работ соответствие требованиям единой системы конструкторской документации);
  - -достаточность пояснений.

Реферат—продукт самостоятельной работы студента, представляющий собой краткое изложение в письменном виде полученных результатов теоретического анализа определенной научной (учебно-исследовательской) темы, где автор раскрывает суть исследуемой проблемы, приводит различные точки зрения.

Критерии оценки (собственно текста реферата и защиты):

- -информационная достаточность;
- -соответствие материала теме и плану;
- -стиль и язык изложения (целесообразное использование терминологии, пояснение новых понятий, лаконичность, логичность, правильность применения и оформления цитат и др.);
  - -наличие выраженной собственной позиции;
  - -адекватность и количество использованных источников (7 –10);
  - -владение материалом

Эссе-средство, позволяющее оценить умение обучающегося письменно излагать суть поставленной проблемы, самостоятельно проводить анализ этой проблемы с использованием концепций и аналитического инструментария соответствующей дисциплины, делать выводы, обобщающие авторскую позицию по поставленной проблеме. Особенность эссе от реферата в том, что это — самостоятельное сочинение-размышление студента над научной проблемой, при использовании идей, концепций, ассоциативных образов из других областей наук и, искусства, собственного опыта, общественной практики и др. Эс-

се может использоваться на занятиях (тогда его время ограничено в зависимости от целей от 5 минут до 45 минут) или внеаудиторно.

Критерии оценки:

- -наличие логической структуры построения текста (вступление с постановкой проблемы; основная часть, разделенная по основным идеям; заключение с выводами, полученными в результате рассуждения);
  - -наличие четко определенной личной позиции по теме эссе;
  - -адекватность аргументов при обосновании личной позиции
- -стиль изложения (использование профессиональных терминов, цитат, стилистическое построение фраз, и т.д.)
- -эстетическое оформление работы (аккуратность, форматирование текста, выделение и т.д.).

Курсовой проект/работа является важным средством обучения и оценивания образовательных результатов. Выполнение курсового проекта/работы требует не только знаний, но и многих умений, являющихся компонентами как профессиональных, так и общекультурных компетенций (самоорганизации, умений работать с информацией (в том числе, когнитивных умений анализировать, обобщать, синтезировать новую информацию), работать сообща, оценивать, рефлексировать).

Критерии оценки содержания и результатов курсовой работы могут различаться в зависимости от ее характера:

- -реферативно-теоретические работы на основе сравнительного анализа изученной литературы рассматриваются теоретические аспекты по теме, история вопроса, уровень разработанности проблемы в теории и практике, анализ подходов к решению проблемы с позиции различных теорий и т.д.;
- -практические работы кроме обоснований решения проблемы в теоретической части необходимо привести данные, иллюстрацию практической реализации теоретических положений на практике (проектные, методические, дидактические и иные разработки);
- -опытно-экспериментальные работы предполагается проведение эксперимента и обязательный анализ результатов, их интерпретации, рекомендации по практическому применению.

Примерные критерии оценивания курсовых работ/проектов складываются из трех составных частей:

- 1) оценка процесса выполнения проекта, осуществляемая по контрольным точкам, распределенным по времени выполнения проекта (четыре контрольные точки или еженедельно), проводится по критериям:
- -умение самоорганизации, в том числе, систематичность работы в соответствии с планом,
  - -самостоятельность,
  - -активность интеллектуальной деятельности,
  - -творческий подход к выполнению поставленных задач,
  - -умение работать с информацией,
  - -умение работать в команде (в групповых проектах);
  - 2) оценка полученного результата (представленного в пояснительной записке):
  - -конкретность и ясность формулировки цели и задач проекта, их соответствие теме;
- -обоснованность выбора источников (полнота для раскрытия темы, наличие новейших работ
  - -журнальных публикаций, материалов сборников научных трудов и т.п.);
  - -глубина/полнота/обоснованность раскрытия проблемы и ее решений;
  - -соответствие содержания выводов заявленным в проекте целям и задачам;
  - -наличие элементов новизны теоретического или практического характера;

- -практическая значимость; оформление работы (стиль изложения, логичность, грамотность, наглядность представления информации
- -графики, диаграммы, схемы, рисунки, соответствие стандартам по оформлению текстовых и графических документов);
- 3) оценки выступления на защите проекта, процедура которой имитирует процесс профессиональной экспертизы:
- -соответствие выступления заявленной теме, структурированность, логичность, доступность, минимальная достаточность;
- -уровень владения исследуемой темой (владение терминологией, ориентация в материале, понимание закономерностей, взаимосвязей и т.д.);
  - -аргументированность, четкость, полнота ответов на вопросы;
- -культура выступления (свободное выступление, чтение с листа, стиль подачи материала и т.д.).

**Тестовая форма** - позволяет охватить большое количество критериев оценки и допускает компьютерную обработку данных. Как правило, предлагаемые тесты оценки компетенций делятся на психологические, квалификационные (в учебном процессе эту роль частично выполняет педагогический тест) и физиологические.

Современный тест, разработанный в соответствии со всеми требованиями теории педагогических измерений, может включать задания различных типов (например, эссе или сочинения), а также задания, оценивающие различные виды деятельности учащихся (например, коммуникативные умения, практические умения).

В обычной практике применения тестов для упрощения процедуры оценивания как правило используется простая схема:

- -отметка «3», если правильно выполнено 50 -70% тестовых заданий;
- -«4», если правильно выполнено 70 –85 % тестовых заданий;
- -«5», если правильно выполнено 85 –100 % тестовых заданий.

## Параметры оценочного средства

Предел длительности контроля	45 мин.	
Предлагаемое количество заданий из одно-	30, согласно плана	
го контролируемого подэлемента		
Последовательность выборки вопросов из	Определенная по разделам, случайная внут-	
каждого раздела	ри раздела	
Критерии оценки:	Выполнено верно заданий	
«5», если	(85-100)% правильных ответов	
«4», если	(70-85)% правильных ответов	
«3», если	(50-70)% правильных ответов	

**Промежуточная аттестация** — это элемент образовательного процесса, призванный определить соответствие уровня и качества знаний, умений и навыков обучающихся, установленным требованиям согласно рабочей программе дисциплины. Промежуточная аттестация осуществляется по результатам текущего контроля.

Конкретный вид промежуточной аттестации по дисциплине определяется рабочим учебным планом и рабочей программой дисциплины.

Зачет, как правило, предполагает проверку усвоения учебного материала практических и семинарских занятий, выполнения лабораторных, расчетно-проектировочных и расчетно-графических работ, курсовых проектов (работ), а также проверку результатов учебной, производственной или преддипломной практик. Зачет, как правило, выставляется без опроса студентов по результатам контрольных работ, рефератов, других работ выполненных студентами в течение семестра, а также по результатам текущей успеваемости на семинарских занятиях, при условии, что итоговая оценка студента за работу в течение семестра (по результатам контроля знаний) больше или равна 60%. Оценка, выставляемая за зачет, может быть как квалитативного типа (по шкале наименований «зачтено»/ «не

зачтено»), так и квантитативного (т.н. дифференцированный зачет с выставлением отметки по шкале порядка - «отлично, «хорошо» и т.д.)

Экзамен, как правило, предполагает проверку учебных достижений обучаемых по всей программе дисциплины и преследует цель оценить полученные теоретические знания, навыки самостоятельной работы, развитие творческого мышления, умения синтезировать полученные знания и их практического применения.

Экзамен в устной форме предполагает выдачу списка вопросов, выносимых на экзамен, заранее (в самом начале обучения или в конце обучения перед сессией). Экзамен включает, как правило, две части: теоретическую (вопросы) и практическую (задачи, практические задания, кейсы и т.д.). Для подготовки к ответу на вопросы и задания билета, который студент вытаскивает случайным образом, отводится время в пределах 30 минут. После ответа на теоретические вопросы билета, как правило, ему преподаватель задает дополнительные вопросы. Компетентностный подход ориентирует на то, чтобы экзамен обязательно включал деятельностный компонент в виде задачи/ситуации/кейса для решения.

В традиционной системе оценивания именно экзамен является наиболее значимым оценочным средством и решающим в итоговой отметке учебных достижений студента. В условиях балльно-рейтинговой системы балльный вес экзамена составляет 25 баллов.

По итогам экзамена, как правило, выставляется оценка по шкале порядка: «отлично»- 21-25 баллов; «хорошо»- 17,5-21 балл; «удовлетворительно»- 12,5-17,5 баллов; «неудовлетворительно»- 0-12,5 баллов.

- **6.** Материалы для оценки знаний, умений, навыков и (или) опыта деятельности Полный комплект оценочных средств для оценки знаний, умений и навыков находится у ведущего преподавателя.
- 1. Тестовые задания (предоставляются в полном объеме)
- 2. Типовые контрольные задания (предоставляются варианты заданий контрольных работ, расчетно-графических работ, индивидуальных домашних заданий, курсовых работ и проектов, темы эссе, докладов, рефератов)
- 3. Комплект билетов (предусматриваются для дисциплин формой промежуточной аттестации которых является экзамен.)